



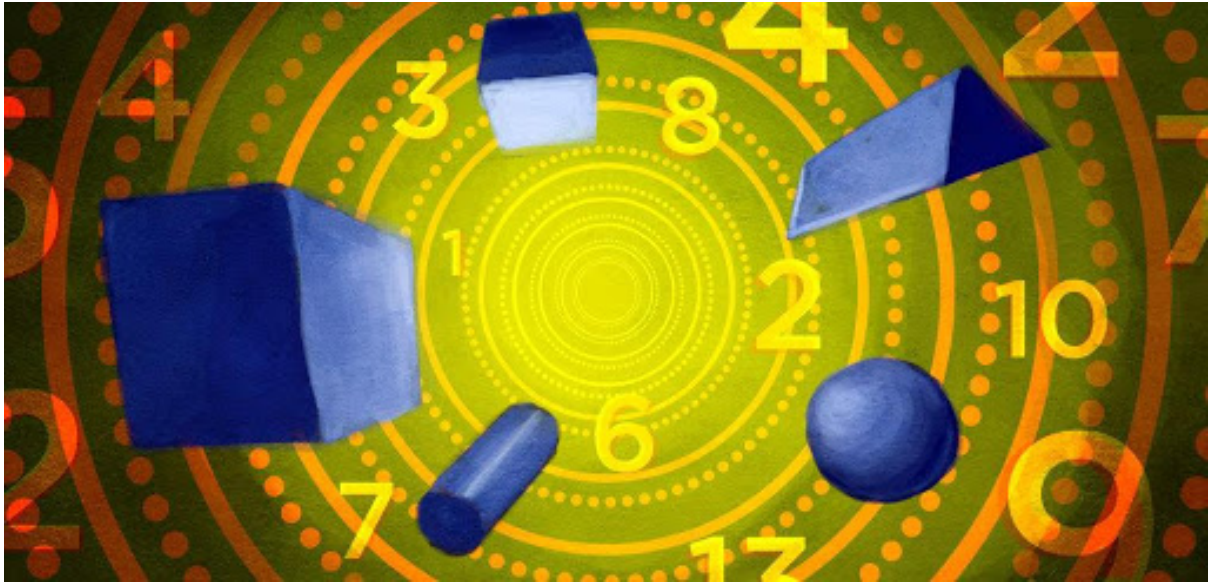
# ហ្វីបូណាស៊ី ដ៏គួរឱ្យចាប់អារម្មណ៍

Shonali Chinniah

Hari Kumar Nair

Let's  Read

 The Asia Foundation



### លេខ ឬចំនួន

យើងប្រើលេខរាល់ថ្ងៃសម្រាប់រាប់ វាស់វែង ហៅទូរស័ព្ទទៅកាន់ មិត្តភក្តិ ព្រមទាំងសួរពីតម្លៃរបស់អ្វីមួយផងដែរ។

ប៉ុន្តែ តើបួនៗដឹងទេថា បួនៗអាចប្រើលេខដើម្បីបង្កើតជាលំនាំ ឬលំដាប់ស្វ័យផ្សេងៗដូចជា រូបរាងធរណីមាត្រ ការរចនារូបក្សាច់ ផ្កាភ្លឺ និងអ្វីៗជាច្រើនទៀត? តើបួនៗដឹងទេថា ចំនួនស្វ័យ ក៏អាច មើលឃើញមានតាមរយៈលំនាំស្វ័យក្នុងធម្មជាតិដែរ?

0 1

4 2  
3

ប៉ុន្តែជាដំបូង តើអ្វីជាចំនួនស្វិត?

ចំនួនស្វិត គឺជាលំដាប់ចំនួន ឬស្វិតនៃចំនួនពិត ដែលតួលេខនីមួយៗជាប់ទាក់ទងនឹងតួលេខមុនៗតាមរបៀបជាក់លាក់មួយ។ នេះជាចំនួនស្វិតដ៏សាមញ្ញមួយ៖ 0, 1, 2, 3, 4, ... ។ តើតួលេខនីមួយៗក្នុងលំដាប់ស្វិតនេះជាប់ទាក់ទងគ្នាទៅនឹងតួលេខខាងមុខវាដោយរបៀបណា? រាល់តួលេខនីមួយៗនៅក្នុងលំដាប់ស្វិតនេះ គឺបានមកពីតួលេខខាងមុខវាបូកបន្ថែមនឹងចំនួន ១។

ចំណែកនេះជាចំនួនស្វិតមួយបែបទៀត៖ 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ... រាល់តួលេខនីមួយៗក្នុងលំដាប់ស្វិតនេះ គឺបានមកពីតួលេខ

## ខាងមុខវាដកនឹងចំនួន ២។



តឡូវនេះ ប្អូនៗនឹងស្វែងយល់ពីគួលេខដែលមានភាព  
ស្មុគស្មាញជាងមុនបន្តិច ដូចជា៖ ០, ១, ៣, ៦, ១០, ១៥...  
តើស្វ៊ីតនេះកើតឡើងដូចម្តេច? តោះ! មើលទាំងអស់គ្នា។

$$0 + ១ = ១$$

$$១ + ២ = ៣$$

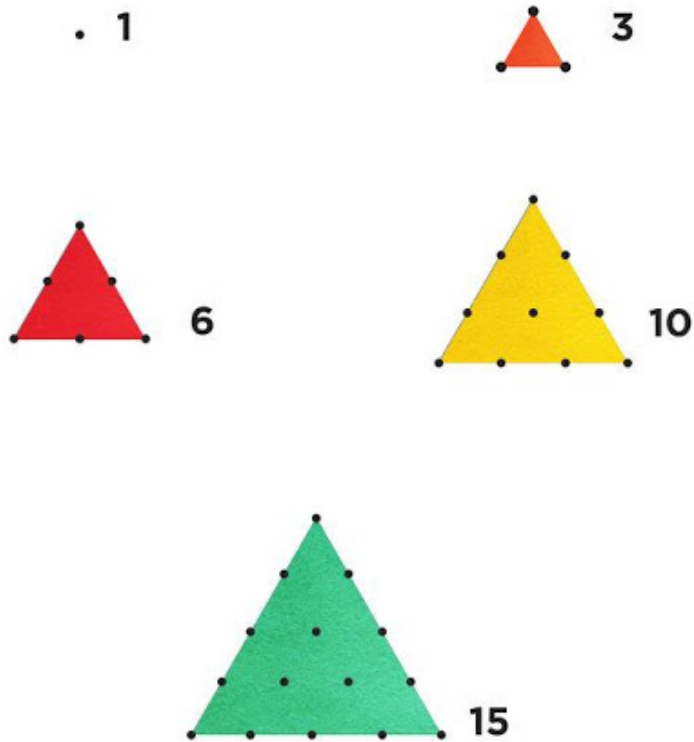
$$៣ + ៣ = ៦$$

$$៦ + ៤ = ១០$$

$$១០ + ៥ = ១៥$$

តើប្អូនៗឃើញលំនាំស្វ៊ីតនេះទេ? តើលេខបន្ទាប់ក្នុងស្វ៊ីតនេះ  
ត្រូវជាលេខប៉ុន្មាន?

ត្រូវហើយ! គឺ ២១ ដោយសារ  $១៥ + ៦ = ២១$ ។



ឥឡូវនេះ យើងមកមើល "ចំនួនស្វីត" ដែលយើងទើបតែ  
 ពិភាក្សាគ្នាមុននេះគឺលេខ៖ ១, ៣, ៦, ១០, ១៥ ... រួចចាំមើល  
 ថាតើយើងអាចបង្កើត "លំនាំប្រកាស" ពីលេខទាំងនោះបានទេ។  
 យើងពិតជាអាច! ឥឡូវនេះយើងមាន "លំនាំប្រកាស" ត្រីកោណ  
 ដែលកាន់តែធំទៅៗ ដោយយើងបង្កើនចំណុចតាមចំនួនស្វីត  
 របស់យើង!

ចំនួនស្វីតមួយ បង្កើតបានជាលំនាំប្រកាសថ្មីមួយ!



ប្រសិនបើប្អូនៗ គិតថាគួរឱ្យចាប់អារម្មណ៍ ឥឡូវដល់ពេលដែល  
ត្រូវណែនាំប្អូនៗពីចំនួនស្វីតដ៏អស្ចារ្យហៅថា ស្វីតហ្វីប៉ូណាស៊ី  
(ឬ ហេម៉ាចន្ត្រា)។

ចំនួនស្វីតហ្វីប៉ូណាស៊ី គឺមានលក្ខណៈដូចតទៅ៖

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34

តើប្អូនអាចរកឃើញស្វីតដែលទាក់ទងនឹងតួលេខទាំងនេះ

ទេ? ត្រូវហើយ! រាល់តួលេខនីមួយៗក្នុងស្វីតហ្វីប៉ូណាស៊ី គឺជា  
ផលបូកនៃតួលេខទាំងពីរមុនវា! គឺបែបនេះ។

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 1 = 2$$



$$២ + ១ = ៣$$

$$៣ + ២ = ៥$$

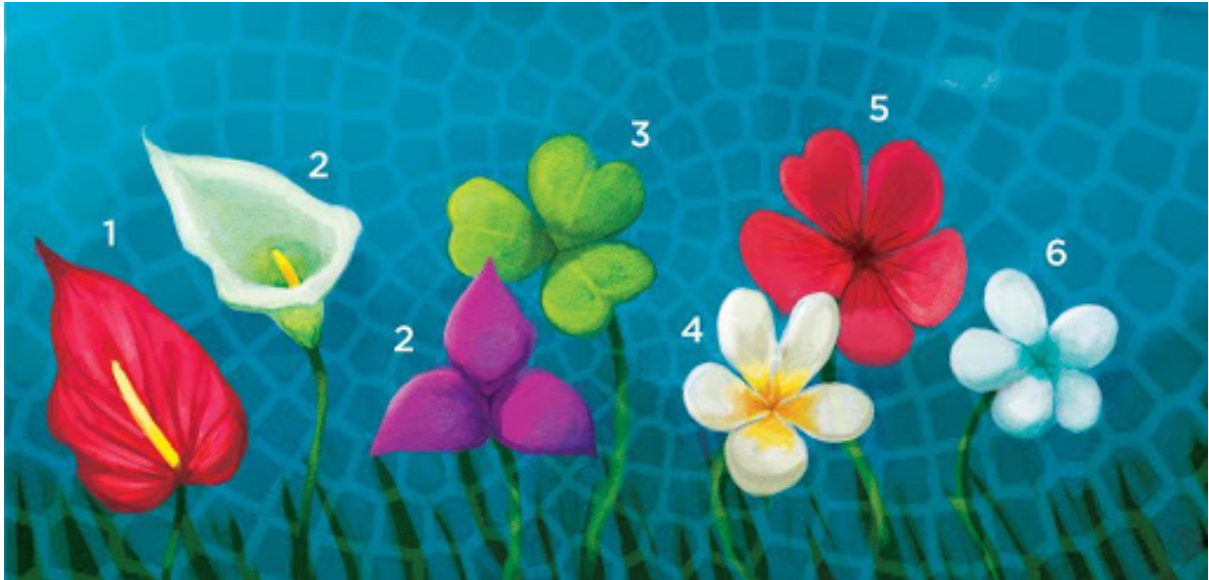
$$៥ + ៣ = ៨$$

$$៨ + ៥ = ១៣$$

$$១៣ + ៨ = ២១$$

$$២១ + ១៣ = ៣៤$$

យល់ទេ? ល្អណាស់! ឥឡូវនេះដល់ផ្នែកដែលគួរឱ្យ  
ចាប់អារម្មណ៍ហើយ នោះគឺទំនាក់ទំនងចំនួនស្វីតនេះទៅនឹង  
លំនាំស្វីតក្នុងធម្មជាតិ។



ធម្មតា ចំនួននៃត្របកផ្កា គឺទាក់ទងទៅនឹងស្វីតហ្វីបូណាស៊ី!  
តើអ្នកអាចនឹករកផ្កាណាដែលមានត្របក ១, ៣ និង ៥ ដែរ  
ឬទេ? ( ទាំងអស់នេះ គឺសុទ្ធតែជាស្វីតហ្វីបូណាស៊ី)។

នេះជាឧទាហរណ៍មួយចំនួន ដើម្បីជួយប្អូនៗ។

ត្របក១៖ រូបលេខ១ ផ្កាស្តេចនាគ (ឬអាន់ធូរៀម) - រូបលេខ២  
ផ្កាត្រៃ ឬត្រៃស (ឬខាឡាលីលី)

ត្របក៣៖ រូបលេខ២ ផ្កាក្រដាស - រូបលេខ៣ ស្លឹកក្លរី

ត្របក៥៖ រូបលេខ៤ ផ្កាចំប៉ី - រូបលេខ៥ ផ្ការំយោល - រូបលេខ៦  
ផ្កាម្លិះ



ផ្កាត្របក២ មិនសូវជាមានប៉ុន្មាននោះទេ។ ផ្កាបន្លាប្រាំបីទិស ឬ  
ផ្កាយីអ៊ុនដែលបួនៗឃើញនេះគឺជាឧទាហរណ៍មួយ។  
ផ្កាដែលមានត្របក២ (លេខ២ មិនមាននៅក្នុងស្វីតហ្វីបូណាស៊ី  
ទេ) ក៏មិនសូវមានផងដែរ។  
ចូររាប់ត្របកផ្កាដែលបួនបានឃើញ។



ផ្កាដែលគួរឱ្យចាប់អារម្មណ៍ជាគេរបស់ស្វីតហ្វីបូណាស៊ី គឺផ្កាដេស៊ី។

ផ្កាដេស៊ីមានត្របកច្រើនផ្សេងៗគ្នាដូចជា ត្របក១៣ ត្របក២១ ឬ ត្របក៣៤ ហើយនោះគឺជាស្វីតហ្វីបូណាស៊ី។



នៅក្នុងធម្មជាតិក៏មានលំនាំស្វ័យស្មុគស្មាញ និងគួរឱ្យ  
ចាប់អារម្មណ៍ជាច្រើនទៀត ដែលផ្អែកលើស្វ័យភ្នំបូណាស៊ី។  
ប្រសិនបើប្អូនៗចង់ដឹង ប្អូនៗគ្រាន់តែធ្វើលំហាត់គណិតវិទ្យា  
បន្តិចបន្តួចប៉ុណ្ណោះ នោះប្អូនៗនឹងអាចឃើញវាដោយខ្លួនឯង។  
តើយើងអាចសាកល្បងបានទេ?

ឥឡូវនេះតើយើងនឹងទទួលបានអ្វីប្រសិនបើយើងលើកលេខនី  
មួយៗនៃស្វ័យភ្នំបូណាស៊ីជាការ៉េ\* (ស្វ័យគុណ ២)?

ស្វ័យភ្នំបូណាស៊ី៖ ១, ១, ២, ៣, ៥, ៨, ១៣, ១៧។

ប្រសិនបើយើងលើកគូនីមួយៗនៃលេខខាងលើជាការ៉េ  
(ស្វ័យគុណ២) យើងនឹងទទួលបាន៖

$$១ \times ១ = ១ \text{កាវ៉េ ឬ } ១ \text{ ២} = ១$$

$$២ \times ២ = ២ \text{កាវ៉េ ឬ } ២ \text{ ២} = ៤$$

$$៣ \times ៣ = ៣ \text{កាវ៉េ ឬ } ៣ \text{ ២} = ៩$$

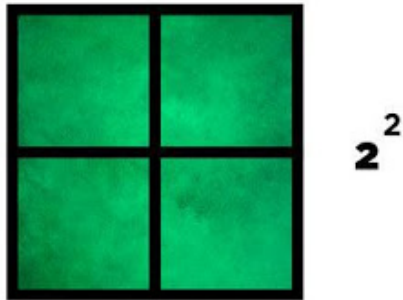
$$៥ \times ៥ = ៥ \text{កាវ៉េ ឬ } ៥ \text{ ២} = ២៥$$

$$៨ \times ៨ = ៨ \text{កាវ៉េ ឬ } ៨ \text{ ២} = ៦៤$$

$$១៣ \times ១៣ = ១៣ \text{កាវ៉េ ឬ } ១៣ \text{ ២} = ១៦៩$$

ដូចនេះស្វ័យប្រវត្តិបូណ៌ស៊ី ដែលលើកជាកាវ៉េរួច គឺ៖ ១, ៤, ៩, ២៥, ៦៤, ១៦៩ ។ល។

នៅពេលដែលប្អូនយកលេខណាមួយទៅគុណជាមួយលេខដដែលនោះ លេខនោះនឹងក្លាយទៅជា "កាវ៉េ"។



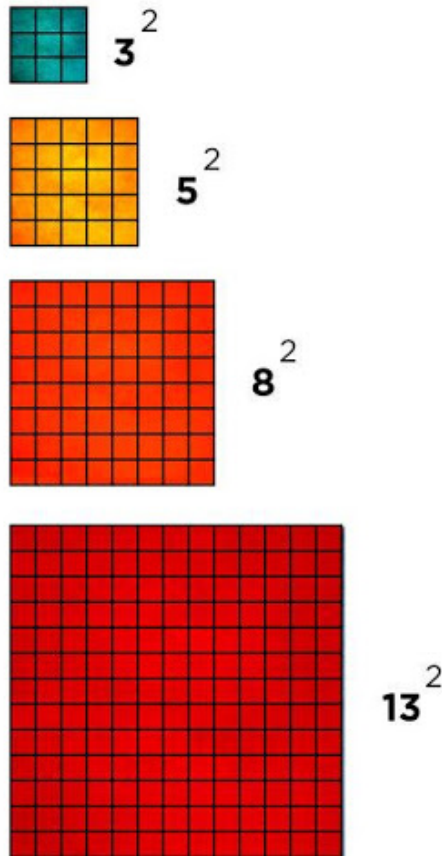
ឥឡូវនេះ យើងបានបម្លែងចំនួនស្វីតទៅជាស្វីតលំនាំរូបរាង  
ជាមួយត្រីកោណមុន តោះ! ព្យាយាមបម្លែង ស្វីតហ្វីបូណា  
ស៊ីលើកជាការ៉េទៅជាលំនាំស្វីតរូបរាងធរណីមាត្រ។

តោះ!សាកគូរ ១២ , ២២ , ៣២ និងបន្តទៀត។

១២ ងាយស្រួលគ្រប់គ្រាន់ - វាគ្រាន់តែជាការ៉េមួយប៉ុណ្ណោះ។

២២ ត្រូវបានគូរដូចនេះ - ២ ការ៉េកាត់ទទឹង និង ២ ការ៉េ  
ចុះក្រោម។

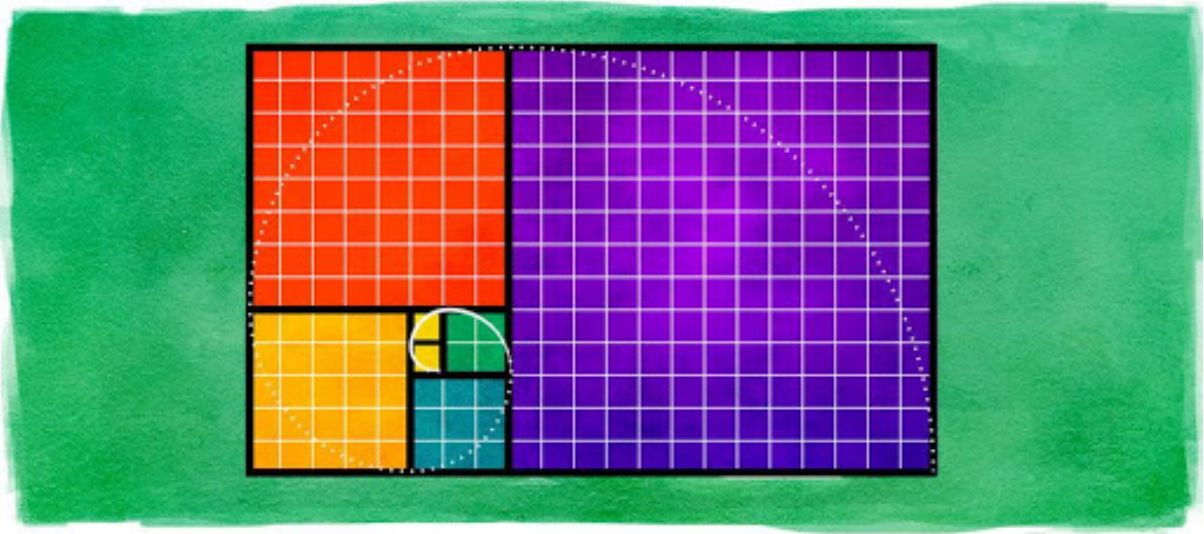
យើងដឹងថា ២២ = ៤ ហើយមាន ៤ការ៉េ ក្នុងរូប (យើងហៅ  
តួលេខនេះថាជា"ក្រឡាចត្រង់") ។



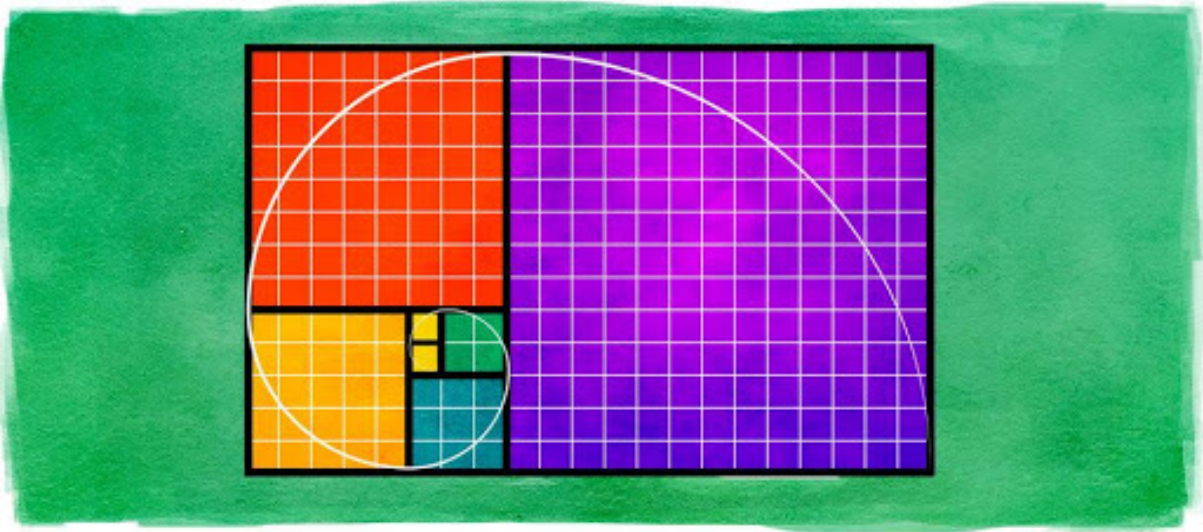
ស្រដៀងគ្នានេះដែរ ៣២ ត្រូវបានគូរជា ៣ ក្រឡាឆ្លងកាត់ និង ៣ក្រឡាចុះក្រោម។ ជាថ្មីម្តងទៀតយើងដឹងថា ៣២ = ៩ ហើយមានក្រឡាចត្រង្គចំនួន ៩។

៥២ ត្រូវបានគូរជា ៥ ក្រឡា និង ៥ ក្រឡាធ្វើក្រឡាចត្រង្គ ដែលមាន ២៥។ ក្រឡា ៨២ ជា ៨ ក្រឡាឆ្លងកាត់និង ៨ ក្រឡាធ្វើឱ្យក្រឡាចត្រង្គមាន ៦៤។ ក្រឡា ១៣២ ក្រឡាត្រូវបានគូរជា ១៦ ក្រឡាចត្រង្គជាមួយ ១៦៩ កាវ៉េ។ ល។





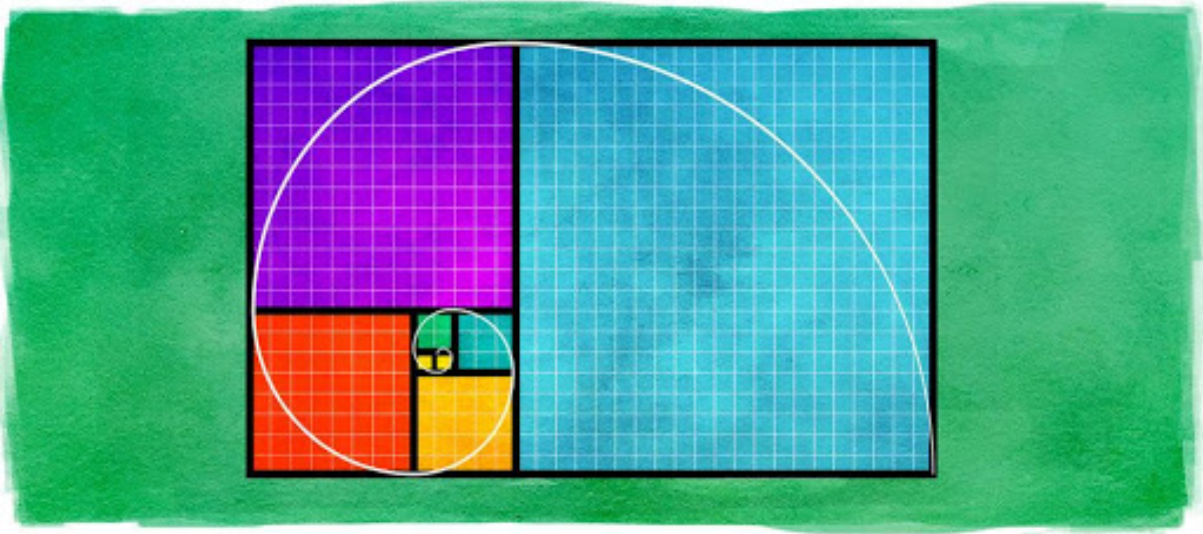
ឥឡូវនេះ សូមរុញក្រឡាចត្រង្គទាំងអស់ដែលយើងបានគូរផ្គុំ  
ចូលគ្នាដូចនៅក្នុងរូបភាព។  
រួចរាល់ហើយមែនទេ? ឥឡូវ គូរបន្ទាត់កោងពីជ្រុងមួយនៃ  
ក្រឡាចត្រង្គតូចបំផុតរហូតដល់ចុងកន្ទុយរបស់វាដូចបង្ហាញ  
ក្នុងរូបភាព។



តឡូវយកខ្សែកោងដូចគ្នាឆ្លងកាត់ក្រឡាចត្រង្គនីមួយៗចាប់ពី  
តូចបំផុតរហូតដល់ធំបំផុតចាប់ពីជ្រុងម្ខាងទៅជ្រុងម្ខាងទៀត  
ទល់នឹងចុងដោយក្រឡាចត្រង្គ ១៣ ជ្រុង។ អ្វីដែលយើងទទួល  
បានគឺជាលំនាំរាងគូទខ្យងដ៏គួរឱ្យស្រឡាញ់។

តើអ្វីទៅជាប់ទាក់ទាក់រវាងលំនាំរាងគូទខ្យងនេះ ដែលបង្កើត  
ឡើងដោយស្វ៊ីតហ្វីបូណាស៊ីលីកជាការ៉េ និងធម្មជាតិ?

ត្រូវហើយ! យើងអាចឃើញរាងគូទខ្យងហ្វីបូណាស៊ីនៅក្នុង  
ធម្មជាតិ! កន្លែងណា? ចាំមើលទាំងអស់គ្នាណា!



នេះគឺជារាងគូនខ្យងហ្វីបូណាស៊ីដែលនៅជាន់លើក្រឡាចត្រង់  
មួយបន្ថែមទៀតត្រង់ចំណុច ២១២ (២១ស្វ័យគុណ២)។  
បន្ថែមទៅតួលេខដើមរបស់យើង សូមមើលពីរបៀបដែលគូស  
បន្ត តើប្អូនមានអារម្មណ៍ដូចជាធ្លាប់ឃើញរូបភាពនេះមែនទេ?



ប្រាកដណាស់! ប្អូនៗអាចឃើញលំនាំគូនខ្យងហ្វីបូណាស៊ីនេះ  
នៅលើសំបកខ្យងសមុទ្រផងដែរ  
(ប្រហែលជាប្អូនត្រូវបង្វិលក្បាលរបស់ប្អូនបន្តិចតាមរាងវាដើម្បី  
ឃើញលំនាំរាងគូនខ្យងពិតនេះ នៅទំព័រមុន) ...



...□□□□□□□□



សូម្បីតែស៊ុត (សូមមើលពីរាងគូទខ្យងនេះ ដែលគូសចេញ  
តាមរបៀបមួយផ្សេងទៀត (ផ្ទុយពីចលនារបស់ទ្រនិចនាឡិកា)  
បើប្រៀបធៀបទៅនឹងរូបរាងគូទខ្យងដែលស្របទៅនឹង  
ទ្រនិចនាឡិកា នៅទំព័រទី១៤)!



សូមជឿតែរូបរាងសណ្ឋានធំៗដូចជា ព្យុះហ៊ីរីខេន ឬបណ្តុំផ្កាយ  
(កាឡាក់ស៊ី) ក៏មានលំនាំរាងគូនខ្យងហ្វីប៊ូណាស៊ីដែរ។  
ពិតជាអស្ចារ្យណាស់មែនទេ ?

ការសង្ខេបនៃប្រវត្តិសាស្ត្រ

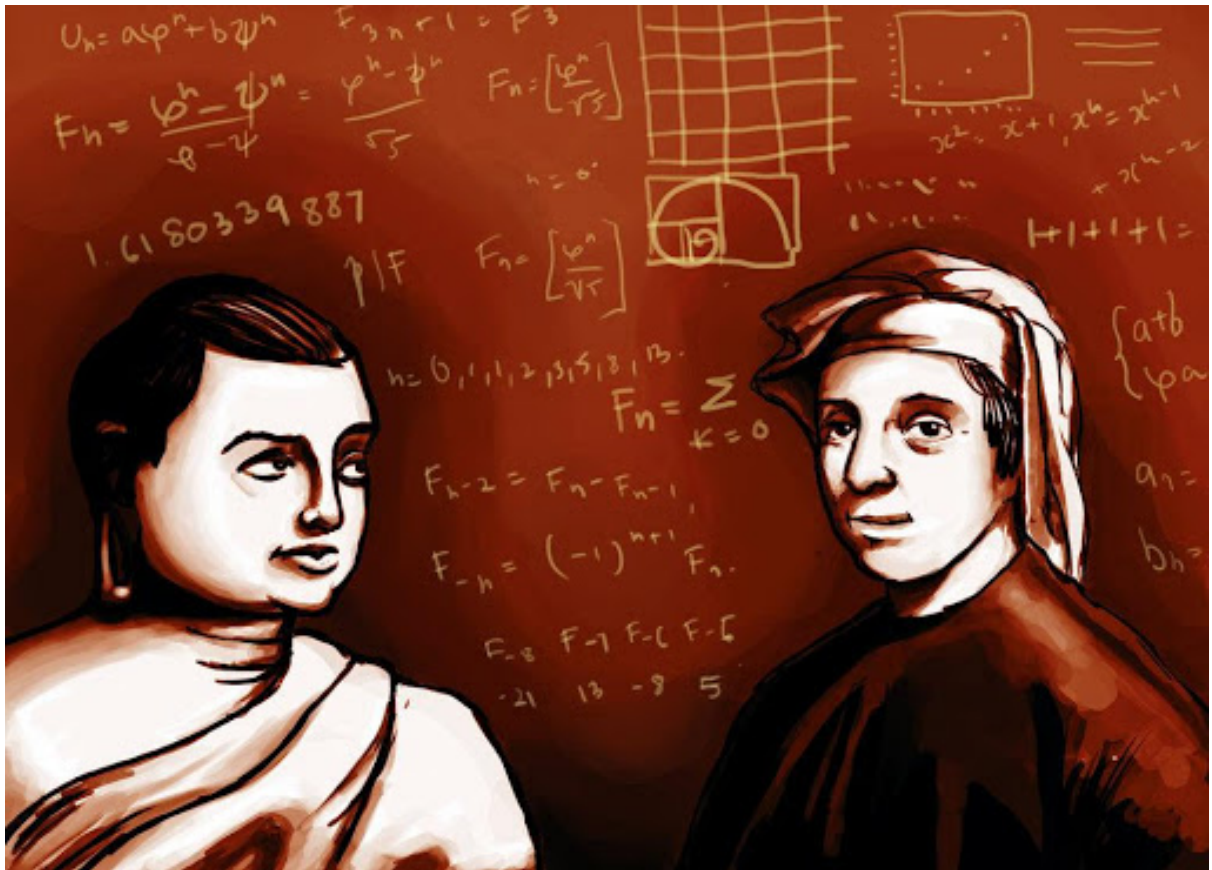
ដើម្បីបញ្ចប់រឿងដ៏ជាក់ចិត្តអំពីស្វីតហ្វីបូណាស៊ី យើងទៅ  
ស្វែងយល់សង្ខេបពីប្រវត្តិនៃស្វីតហ្វីបូណាស៊ីនេះបន្តិចសិន។  
នៅសតវត្សទី១១ (ជាង ១០០០ឆ្នាំមុន) បព្វជិត និងជាអ្នកប្រាជ្ញ  
សាសនាជនម្នាក់ឈ្មោះថាហេម៉ាចន្ត្រា រស់នៅក្នុងរដ្ឋមួយ  
ដែលសព្វថ្ងៃគឺរដ្ឋគុចារ៉ាត់ បានរកឃើញស្វីតគណិតវិទ្យាស្វីត  
នៃចំនួនក៏គួរឱ្យចាប់អារម្មណ៍មួយ ខណៈពេលកំពុងសិក្សា  
កំណាព្យ និងតន្ត្រី។ គាត់ព្យាយាមស្វែងរកវិធីផ្សេងៗគ្នាដើម្បី  
អាចបញ្ចូលសំឡេង "វែង" និង"ខ្លី" នៅក្នុងតន្ត្រីដើម្បីបង្កើតជា  
លំនាំចង្វាក់នានា។

ប្រហែលជា ១០០ ឆ្នាំក្រោយមក គណិតវិទូជនជាតិអ៊ីតាលី  
ម្នាក់ឈ្មោះ លេអូណាដូ ហ្វីបូណាស៊ី (គ.ស ១១៧០ - គ.ស  
១២៥០) បានសរសេរអំពីលំនាំស្វីតគណិតវិទ្យាដូចគ្នានេះ  
នៅក្នុងសៀវភៅរបស់គាត់ឈ្មោះលីប៊ែរ អាបាស៊ី ឬ "សៀវភៅ  
អំពីការគណនា" ក្នុងឆ្នាំ១២០២ ។ ហ្វីបូណាស៊ី បានធ្វើដំណើរ  
តាមសមុទ្រមេឌីទែរ៉ាណេ ហើយបានជួបឈ្នួញជាច្រើនមកពី  
តំបន់ភាគខាងកើត និងបានស្វែងយល់ពីរបៀបដែលពួកគេ  
ធ្វើការគណនាបែបគណិតវិទ្យា។

ពិតណាស់ដែលយើងអាចថា ហ្វីបូណាស៊ី បានឆ្លងកាត់  
ការសិក្សាស្វែងយល់អំពីស្វីតគណិតវិទ្យារបស់ហេម៉ាចន្ត្រា  
ក្នុងអំឡុងពេលគាត់ធ្វើដំណើរ ប៉ុន្តែដោយសារតែគាត់ជាមនុស្ស



ដំបូងដែលបានណែនាំទៅកាន់ទ្វីបអឺរ៉ុប ដូចនេះស្វីតទាំងនេះ  
ត្រូវបានគេស្គាល់ទូទាំងពិភពលោកថាជាស្វីតហ្វីបូណាស៊ី។





ពាក្យរំលឹក៖

ថ្វីបើមានឧទាហរណ៍ជាច្រើននៅក្នុងធម្មជាតិដែល  
យកលំនាំតាមស្វីតហ្វីបូណាស៊ី ក៏ពិតមែន ប៉ុន្តែក៏មិនមែនមាន  
ទាំងអស់នោះដែរ។ ជាឧទាហរណ៍ដូចជាស្លឹកក្លូរីពណ៍បៃតង ឬ  
ផ្កាដែលមានត្របក២ ជាដើម។

ទោះយ៉ាងណាក៏ដោយ អ្វីដែលគួរឱ្យចាប់អារម្មណ៍នោះគឺថា  
ស្វីតហ្វីបូណាស៊ីទាំងនេះច្រើនតែមាននៅក្នុងធម្មជាតិ។  
រហូតមកដល់ពេលនេះអ្នកវិទ្យាសាស្ត្រនៅតែស្វែងរកមូលហេតុ  
នេះមិនទាន់ឃើញនៅឡើយ ថាហេតុអ្វីបានជាធម្មជាតិ  
ហាក់ដូចជាស្រឡាញ់ស្វីតហ្វីបូណាស៊ីខ្លាំងម៉្លេះ។ ដូចនេះ

ប្រហែលជាបួនៗ អាចរកឃើញចម្លើយនេះនៅពេលដែលបួន  
ធំឡើង!

Brought to you by



**The Asia Foundation**

Let's Read is an initiative of The Asia Foundation's Books for Asia program that fosters young readers in Asia and the Pacific.

[booksforasia.org](http://booksforasia.org)

To read more books like this and get further information about this book, visit [letsreadasia.org](http://letsreadasia.org)

### **Original Story**

*The Fascinating Fibonacci*, Author: Shonali Chinniah. Illustrator: Hari Kumar Nair. Published by Pratham Books, © Pratham Books. Released under CC BY 4.0.

This work is a modified version of the original story. © The Asia Foundation, 2020. Some rights reserved. Released under CC BY 4.0.



For full terms of use and attribution,  
<http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>

Contributing translators: Somey Chheang and Chou Chinith